

ŽUPANIJSKO NATJECANJE IZ MATEMATIKE
15. veljače 2013.

5. razred-rješenja

OVDJE JE DAN JEDAN NAČIN RJEŠAVANJA ZADATAKA. UKOLIKO UČENIK IMA DRUGAČIJI POSTUPAK RJEŠAVANJA, ČLAN POVJERENSTVA DUŽAN JE I TAJ POSTUPAK BODOVATI I OCIJENITI NA OGOVARAJUĆI NAČIN.

1. Neka je x broj natjecatelja koji su sudjelovali na oba natjecanja.

Tada je $8x$ broj natjecatelja na fizici, a $13x$ broj natjecatelja na matematici. 2 BODA

Dalje je $13x - x = 12x$ broj onih koji su samo matematičari, 2 BODA

a $8x - x = 7x$ broj onih koji su samo fizičari. 2 BODA

Tada je $12x + x + 7x = 200$ pa je $x = 10$. 2 BODA

Prema tome, onih koji se natječu samo iz matematike je bilo 120,

a onih koji se natječu samo iz fizike je bilo 70. 2 BODA

..... UKUPNO 10 BODOVA

2. Sve korištene sobe mogu se podijeliti u dvije skupine:

u 1. skupini su sve dvokrevetne sobe i jednak broj trokrevetnih soba, a

u 2. skupini je onih 166 trokrevetnih soba više. 2 BODA

U sobama iz 2. skupine nalazi se $166 \cdot 3 = 498$ nepredavača. 1 BOD

U sobama iz 1. skupine nalazi se $663 - 498 = 165$ sudionika. 1 BOD

Kako je broj dvokrevetnih i trokrevetnih soba u 1. skupini jednak, onda ih je po

$165 : (2 + 3) = 33$. 2 BODA

U njima je smješteno $33 \cdot 2 = 66$ predavača i $33 \cdot 3 = 99$ nepredavača. 2 BODA

Dalje je $498 + 99 = 597$ pa je na kongresu bilo 66 predavača i 597 ostalih. 2 BODA

..... UKUPNO 10 BODOVA

3. Vrijedi $V(5,6,8,9)=360$. 2 BODA

Kako je $3000 = 8 \cdot 360 + 120$ i $4000 = 11 \cdot 360 + 40$, onda su brojevi $9 \cdot 360$, $10 \cdot 360$ i $11 \cdot 360$ višekratnici broja 360 veći od 3000 i manji od 4000. 2 BODA

Nadalje, brojevi $9 \cdot 360 + 1 = 3241$, $10 \cdot 360 + 1 = 3601$ i $11 \cdot 360 + 1 = 3961$ pri dijeljenju s 5, 6, 8 i 9 daju ostatak 1 te su veći od 3000 i manji od 4000. 2 BODA
 No, $3241 = 190 \cdot 17 + 1$, $3601 = 211 \cdot 17 + 14$ i $3961 = 233 \cdot 17$ 3 BODA
 pa je traženi broj 3961. 1 BOD

..... UKUPNO 10 BODOVA

4. Vrijedi $p + (p+1) + \dots + (p+2012) + (p+2013) =$

$$= \underbrace{(p + \dots + p)}_{2014} + (1+2+\dots+2013) = \quad \text{2 BODA}$$

$$= 2014 \cdot p + 2013 \cdot 2014 : 2 = \quad \text{2 BODA}$$

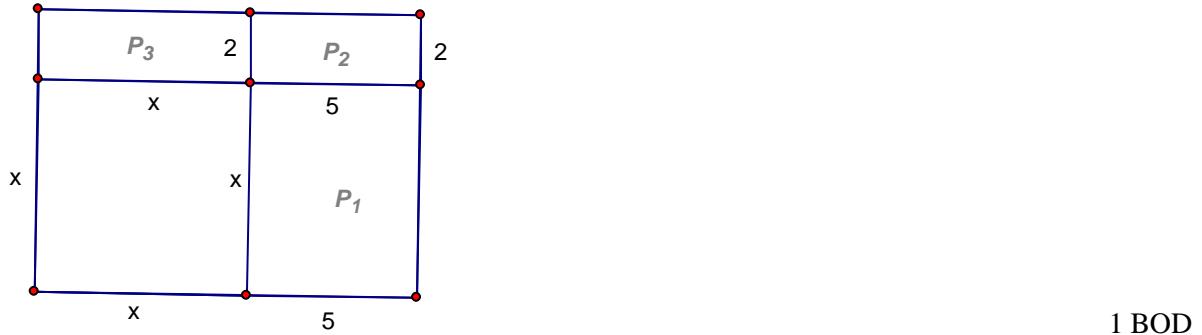
$$= 1007 \cdot 2p + 2013 \cdot 1007 = \quad \text{2 BODA}$$

$$= 1007 \cdot (2p + 2013) \quad \text{2 BODA}$$

Dakle, zbroj $p + (p+1) + \dots + (p+2012) + (p+2013)$ je djeljiv s 1007 pa je složen. 2 BODA

..... UKUPNO 10 BODOVA

5. Neka je x duljina stranice kvadrata.



Površina za koju se smanji pravokutnik jednaka je $P_1 + P_2 + P_3 = 80 \text{ cm}^2$ pa prema uvjetu zadatka vrijedi $5 \cdot x + 5 \cdot 2 + 2 \cdot x = 80$. 2 BODA

Slijedi $x = 10$. 2 BODA

Dakle, stranica kvadrata duljine je 10 cm, a stranice pravokutnika su duljine 15 cm i 12 cm. 1 BOD
 Opseg kvadrata je $O_k = 4 \cdot x = 4 \cdot 10 = 40 \text{ cm}$, a 2 BODA
 opseg pravokutnika je $O_p = 2 \cdot 15 + 2 \cdot 12 = 54 \text{ cm}$. 2 BODA

..... UKUPNO 10 BODOVA